

Wyznaczyć składowe macierze sztywności elementów ramy płaskiej.
 Podać postacie bloków A, B i C macierzy sztywności w lokalnym układzie współrzędnych z dokładnością do 5-ciu miejsc znaczących

Układ bloków macierzy sztywności elementu $K = \begin{pmatrix} A & C \\ C^T & B \end{pmatrix}$

$$E := 13 \text{ GPa} \quad b := 12 \text{ cm} \quad h := 17 \text{ cm}$$

$$J := \frac{b \cdot h^3}{12} = 4913.000 \cdot \text{cm}^4 \quad A := b \cdot h = 204.000 \cdot \text{cm}^2$$

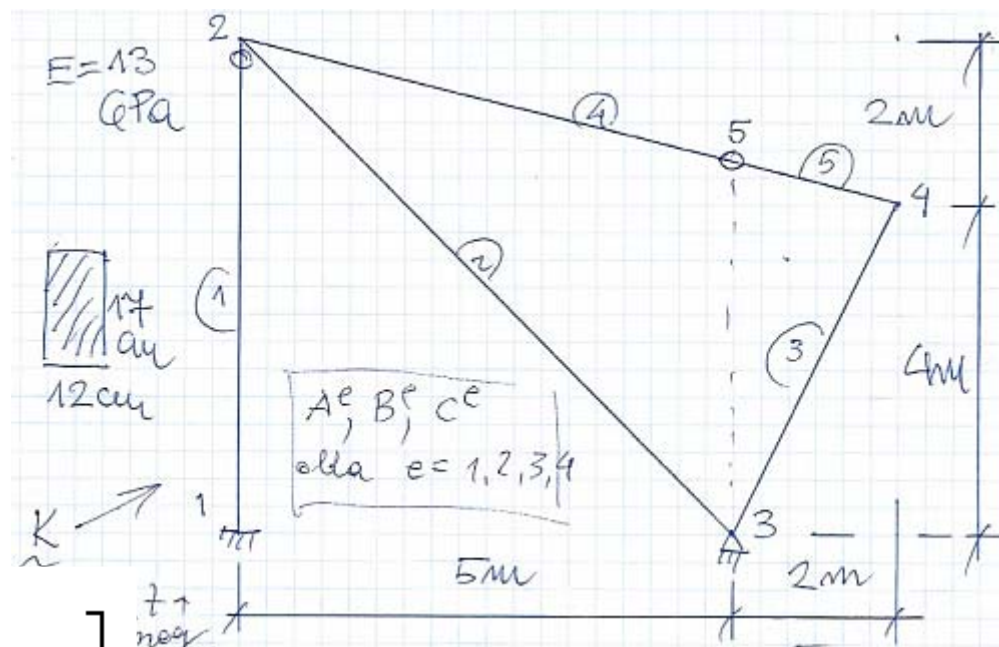
$$EJ = 638.690 \cdot \text{kN} \cdot \text{m}^2$$

$$EA = 265200.000 \cdot \text{kN}$$

Schemat globalnej macierzy sztywności konstrukcji

$$K = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \begin{matrix} A^1 & C^1 \\ B^1+A^2+A^4 & C^2 \\ B^2+A^3 & C^3 \\ B^3+A^5 & C^5 \\ B^4+B^5 \end{matrix} & \begin{matrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{matrix} \end{bmatrix}$$

Symetria



Warunki brzegowe (podporowe)

$$u_{x1} = 0, u_{y1} = 0, \varphi_1 = 0$$

$$u_{x3} = 0, u_{y3} = 0$$

Element "1" - bloki macierzy sztywności w lokalnym układzie współrzędnych

$$L_x := 0\text{m} \quad L_y := 6\text{m} \quad \underline{L} := \sqrt{(L_x)^2 + (L_y)^2} = 6.000000\text{m}$$

$$\underline{A} := \text{Blok_A10}(EA, EJ, L, 1\text{m}) \quad A = \begin{pmatrix} 4.4200 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & 8.8707 \times 10^0 & 5.3224 \times 10^1 \\ 0.0000 \times 10^0 & 5.3224 \times 10^1 & 3.1935 \times 10^2 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [kN/m], [kNm]$$

$$B := \text{Blok_B10}(EA, EJ, L, 1\text{m}) \quad B = \begin{pmatrix} 4.4200 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & 8.8707 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [kN/m], [kNm]$$

$$\underline{C} := \text{Blok_C10}(EA, EJ, L, 1\text{m}) \quad C = \begin{pmatrix} -4.4200 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & -8.8707 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & -5.3224 \times 10^1 & 0.0000 \times 10^0 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [kN/m], [kNm]$$

Element "2" - bloki macierzy sztywności w lokalnym układzie współrzędnych

$$\underline{L_x} := 5\text{m} \quad \underline{L_y} := -6\text{m} \quad \underline{L} := \sqrt{(\underline{L_x})^2 + (\underline{L_y})^2} = 7.81025\text{m}$$

$$A := \text{Blok_A11}(\underline{EA}, \underline{EJ}, \underline{L}, 1\text{m}) \quad A = \begin{pmatrix} 3.3955 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & 1.6087 \times 10^1 & 6.2822 \times 10^1 \\ 0.0000 \times 10^0 & 6.2822 \times 10^1 & 3.2710 \times 10^2 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [\text{kN/m}], [\text{kNm}]$$

$$B := \text{Blok_B11}(\underline{EA}, \underline{EJ}, \underline{L}, 1\text{m}) \quad B = \begin{pmatrix} 3.3955 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & 1.6087 \times 10^1 & -6.2822 \times 10^1 \\ 0.0000 \times 10^0 & -6.2822 \times 10^1 & 3.2710 \times 10^2 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [\text{kN/m}], [\text{kNm}]$$

$$C := \text{Blok_C11}(\underline{EA}, \underline{EJ}, \underline{L}, 1\text{m}) \quad C = \begin{pmatrix} -3.3955 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & -1.6087 \times 10^1 & 6.2822 \times 10^1 \\ 0.0000 \times 10^0 & -6.2822 \times 10^1 & 1.6355 \times 10^2 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [\text{kN/m}], [\text{kNm}]$$

Element "3" - bloki macierzy sztywności w lokalnym układzie współrzędnych

$$\underline{L_x} := 2\text{m} \quad \underline{L_y} := 4\text{m} \quad \underline{L} := \sqrt{(\underline{L_x})^2 + (\underline{L_y})^2} = 4.472136\text{m}$$

$$A := \text{Blok_A11}(\underline{EA}, \underline{EJ}, \underline{L}, 1\text{m}) \quad A = \begin{pmatrix} 5.9301 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & 8.5689 \times 10^1 & 1.9161 \times 10^2 \\ 0.0000 \times 10^0 & 1.9161 \times 10^2 & 5.7126 \times 10^2 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [kN/m], [kNm]$$

$$B := \text{Blok_B11}(\underline{EA}, \underline{EJ}, \underline{L}, 1\text{m}) \quad B = \begin{pmatrix} 5.9301 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & 8.5689 \times 10^1 & -1.9161 \times 10^2 \\ 0.0000 \times 10^0 & -1.9161 \times 10^2 & 5.7126 \times 10^2 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [kN/m], [kNm]$$

$$C := \text{Blok_C11}(\underline{EA}, \underline{EJ}, \underline{L}, 1\text{m}) \quad C = \begin{pmatrix} -5.9301 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & -8.5689 \times 10^1 & 1.9161 \times 10^2 \\ 0.0000 \times 10^0 & -1.9161 \times 10^2 & 2.8563 \times 10^2 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [kN/m], [kNm]$$

Element "4" - bloki macierzy sztywności w lokalnym układzie współrzędnych

$$\underline{L_x} := 5\text{m} \quad \underline{L_y} := -2\text{m} \cdot \frac{5}{7} = -1.428571\text{m} \quad \underline{L} := \sqrt{(\underline{L_x})^2 + (\underline{L_y})^2} = 5.200078\text{m}$$

$$A := \text{Blok_A10}(\text{EA}, \text{EJ}, L, 1\text{m}) \quad A = \begin{pmatrix} 5.0999 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & 1.3626 \times 10^1 & 7.0858 \times 10^1 \\ 0.0000 \times 10^0 & 7.0858 \times 10^1 & 3.6847 \times 10^2 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [\text{kN/m}], [\text{kNm}]$$

$$B := \text{Blok_B10}(\text{EA}, \text{EJ}, L, 1\text{m}) \quad B = \begin{pmatrix} 5.0999 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & 1.3626 \times 10^1 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [\text{kN/m}], [\text{kNm}]$$

$$C := \text{Blok_C10}(\text{EA}, \text{EJ}, L, 1\text{m}) \quad C = \begin{pmatrix} -5.0999 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & -1.3626 \times 10^1 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & -7.0858 \times 10^1 & 0.0000 \times 10^0 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [\text{kN/m}], [\text{kNm}]$$