

Wyznaczyć składowe macierzy sztywności elementów ramy płaskiej.
 Podać postacie bloków A, B i C macierzy sztywności w lokalnym układzie współrzędnych z dokładnością do 5-ciu miejsc znaczących

Układ bloków macierzy sztywności elementu $K = \begin{pmatrix} A & C \\ C^T & B \end{pmatrix}$

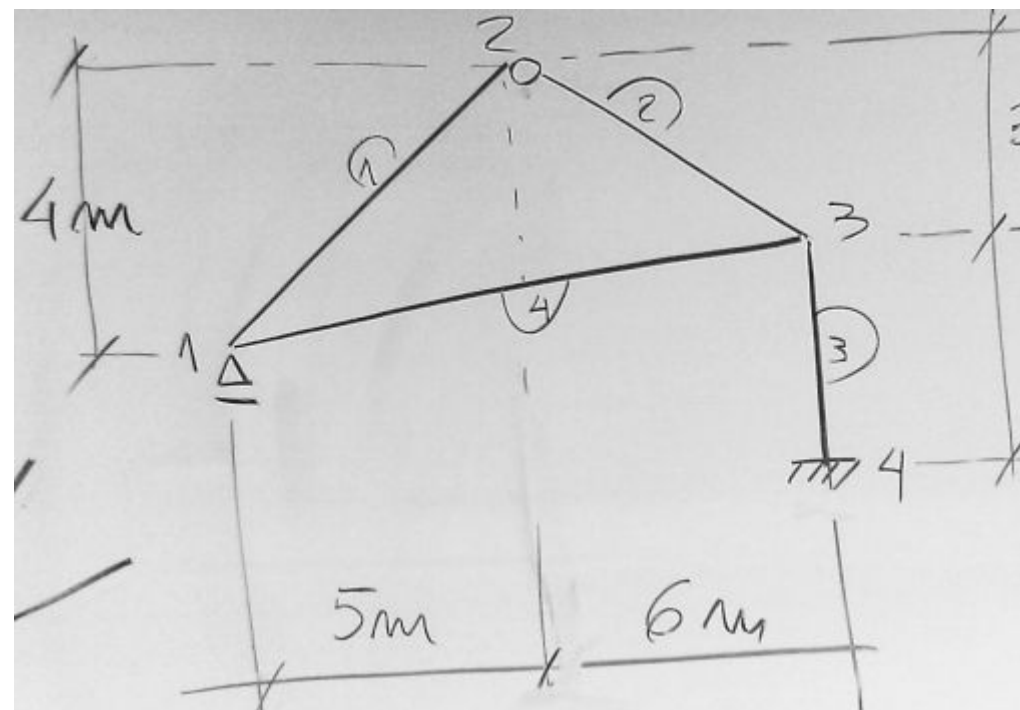
$$E := 15 \text{ GPa} \quad b := 13 \text{ cm} \quad h := 19 \text{ cm}$$

$$J := \frac{b \cdot h^3}{12} \quad A := b \cdot h \quad EA := E \cdot A \quad EJ := E \cdot J$$

$$EA = 370.500 \cdot \text{MN} \quad EJ = 1114.59 \cdot \text{kN} \cdot \text{m}^2 \quad J = 7430.58 \cdot (\text{cm}^4)$$

Schemat globalnej macierzy sztywności konstrukcji

$$K = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ \begin{matrix} A^1 + A^4 & C^1 & C^4 \\ B^1 + A^2 & C^2 \\ B^2 + B^3 + B^4 & C^3 \\ \text{Symetria} & A^3 \end{matrix} & \begin{matrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \end{matrix} \end{bmatrix}$$



Warunki brzegowe (podporowe)

$$u_{y1} = 0 \quad u_{x4} = 0, u_{y4} = 0, \varphi_4 = 0$$

Element "1" - bloki macierzy sztywności w lokalnym układzie współrzędnych

$$L_x := 5\text{m} \quad L_y := 4\text{m} \quad \underline{L} := \sqrt{(L_x)^2 + (L_y)^2} = 6.403124\text{m}$$

$$\underline{A} := \text{Blok_A11}(EA, EJ, L, 1\text{m}) \quad A = \begin{pmatrix} 5.7862 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & 5.0947 \times 10^1 & 1.6311 \times 10^2 \\ 0.0000 \times 10^0 & 1.6311 \times 10^2 & 6.9628 \times 10^2 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [kN/m], [kNm]$$

$$B := \text{Blok_B11}(EA, EJ, L, 1\text{m}) \quad B = \begin{pmatrix} 5.7862 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & 5.0947 \times 10^1 & -1.6311 \times 10^2 \\ 0.0000 \times 10^0 & -1.6311 \times 10^2 & 6.9628 \times 10^2 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [kN/m], [kNm]$$

$$\underline{C} := \text{Blok_C11}(EA, EJ, L, 1\text{m}) \quad C = \begin{pmatrix} -5.7862 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & -5.0947 \times 10^1 & 1.6311 \times 10^2 \\ 0.0000 \times 10^0 & -1.6311 \times 10^2 & 3.4814 \times 10^2 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [kN/m], [kNm]$$

Element "2" - bloki macierzy sztywności w lokalnym układzie współrzędnych

$$\underline{L_x} := 6\text{m} \quad \underline{L_y} := -3\text{m} \quad \underline{L} := \sqrt{(\underline{L_x})^2 + (\underline{L_y})^2} = 6.708204\text{m}$$

$$A := \text{Blok_A01}(EA, EJ, L, 1\text{m}) \quad A = \begin{pmatrix} 5.5231 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & 1.1077 \times 10^1 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [kN/m], [kNm]$$

$$B := \text{Blok_B01}(EA, EJ, L, 1\text{m}) \quad B = \begin{pmatrix} 5.5231 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & 1.1077 \times 10^1 & -7.4306 \times 10^1 \\ 0.0000 \times 10^0 & -7.4306 \times 10^1 & 4.9846 \times 10^2 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [kN/m], [kNm]$$

$$C := \text{Blok_C01}(EA, EJ, L, 1\text{m}) \quad C = \begin{pmatrix} -5.5231 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & -1.1077 \times 10^1 & 7.4306 \times 10^1 \\ 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [kN/m], [kNm]$$

Element "3" - bloki macierzy sztywności w lokalnym układzie współrzędnych

$$\underline{L_x} := 0\text{m} \quad \underline{L_y} := 4\text{m} \quad \underline{L} := \sqrt{(\underline{L_x})^2 + (\underline{L_y})^2} = 4\text{m}$$

$$A := \text{Blok_A11}(EA, EJ, L, 1\text{m}) \quad A = \begin{pmatrix} 9.2625 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & 2.0899 \times 10^2 & 4.1797 \times 10^2 \\ 0.0000 \times 10^0 & 4.1797 \times 10^2 & 1.1146 \times 10^3 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [kN/m], [kNm]$$

$$B := \text{Blok_B11}(EA, EJ, L, 1\text{m}) \quad B = \begin{pmatrix} 9.2625 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & 2.0899 \times 10^2 & -4.1797 \times 10^2 \\ 0.0000 \times 10^0 & -4.1797 \times 10^2 & 1.1146 \times 10^3 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [kN/m], [kNm]$$

$$C := \text{Blok_C11}(EA, EJ, L, 1\text{m}) \quad C = \begin{pmatrix} -9.2625 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & -2.0899 \times 10^2 & 4.1797 \times 10^2 \\ 0.0000 \times 10^0 & -4.1797 \times 10^2 & 5.5729 \times 10^2 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [kN/m], [kNm]$$

Element "4" - bloki macierzy sztywności w lokalnym układzie współrzędnych

$$\underline{L_x} := 11\text{m} \quad \underline{L_y} := 1\text{m} \quad \underline{L} := \sqrt{(\underline{L_x})^2 + (\underline{L_y})^2} = 11.045361\text{m}$$

$$A := \text{Blok_A11}(EA, EJ, L, 1\text{m}) \quad A = \begin{pmatrix} 3.3543 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & 9.9256 \times 10^0 & 5.4816 \times 10^1 \\ 0.0000 \times 10^0 & 5.4816 \times 10^1 & 4.0364 \times 10^2 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [kN/m], [kNm]$$

$$B := \text{Blok_B11}(EA, EJ, L, 1\text{m}) \quad B = \begin{pmatrix} 3.3543 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & 9.9256 \times 10^0 & -5.4816 \times 10^1 \\ 0.0000 \times 10^0 & -5.4816 \times 10^1 & 4.0364 \times 10^2 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [kN/m], [kNm]$$

$$C := \text{Blok_C11}(EA, EJ, L, 1\text{m}) \quad C = \begin{pmatrix} -3.3543 \times 10^4 & 0.0000 \times 10^0 & 0.0000 \times 10^0 \\ 0.0000 \times 10^0 & -9.9256 \times 10^0 & 5.4816 \times 10^1 \\ 0.0000 \times 10^0 & 5.4816 \times 10^1 & 2.0182 \times 10^2 \end{pmatrix} \cdot \text{kN} \quad [kN/m], [kNm]$$