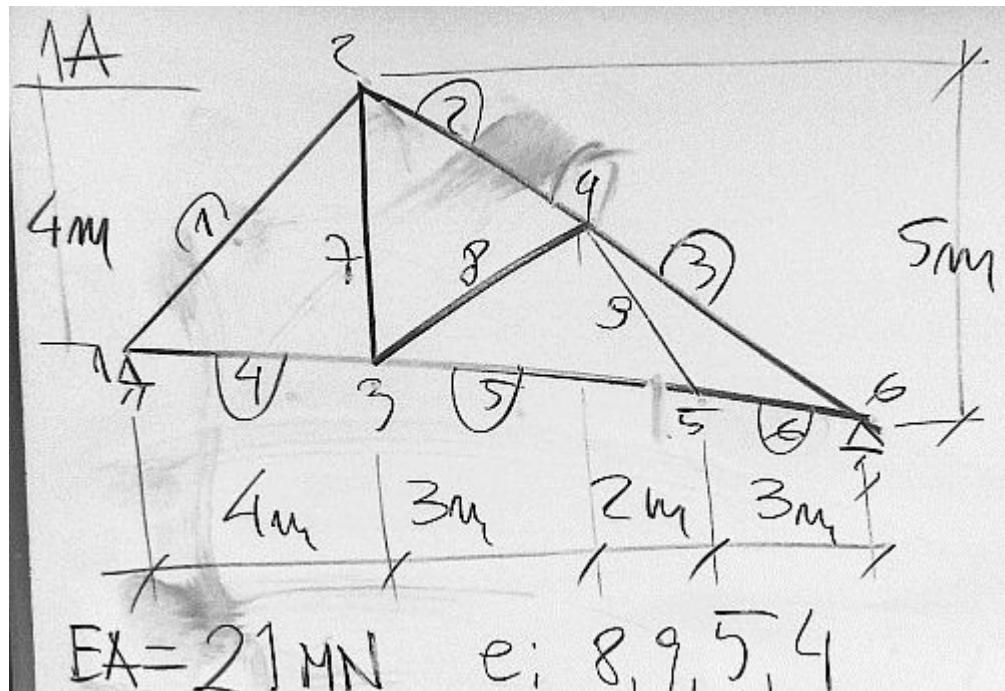


## Macierze sztywności elementów kratownicy



elementy := (4, 5, 8, 9)

$EA := 21 \text{ MN}$

$$\mathbf{K} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ \mathbf{J^1+J^4} & -\mathbf{J^1} & -\mathbf{J^4} & & & \\ & \mathbf{J^1+J^2+J^7} & -\mathbf{J^7} & -\mathbf{J^2} & & \\ & & \mathbf{J^4+J^5+} & & & \\ & & \mathbf{+J^7+J^8} & -\mathbf{J^8} & -\mathbf{J^5} & \\ & & & \mathbf{J^2+J^3+} & & \\ & & & \mathbf{+J^8+J^9} & -\mathbf{J^9} & -\mathbf{J^3} \\ \text{Symetria} & \text{Symetria} & \text{Symetria} & \text{Symetria} & \mathbf{J^5+J^6+J^9} & -\mathbf{J^6} \\ & & & & & \mathbf{J^3+J^6} \end{bmatrix}$$

### *Element "4"- blok macierzy sztywności*

$$L_x := 4\text{m} \quad L_y := -\left(1\text{m} \cdot \frac{4}{12}\right) = -0.333333\text{ m}$$

$$L := \sqrt{(L_x)^2 + (L_y)^2} = 4.013865\text{ m}$$

$$J := \frac{EA}{(L)^3} \begin{bmatrix} (L_x)^2 & L_x \cdot L_y \\ L_x \cdot L_y & (L_y)^2 \end{bmatrix} \quad J = \begin{pmatrix} 5196 & -433 \\ -433 & 36 \end{pmatrix} \cdot \frac{\text{kN}}{\text{m}}$$

### *Element "5"- blok macierzy sztywności*

$$L_x := 5\text{m} \quad L_y := -1\text{m} \cdot \frac{5}{12} = -0.416667\text{ m}$$

$$L := \sqrt{(L_x)^2 + (L_y)^2} = 5.017331\text{ m}$$

$$J := \frac{EA}{(L)^3} \begin{bmatrix} (L_x)^2 & L_x \cdot L_y \\ L_x \cdot L_y & (L_y)^2 \end{bmatrix} \quad J = \begin{pmatrix} 4157 & -346 \\ -346 & 29 \end{pmatrix} \cdot \frac{\text{kN}}{\text{m}}$$

### *Element "8"- blok macierzy sztywności*

$$L_x := 3\text{m} \quad L_y := 5\text{m} \cdot \frac{5}{8} - 1\text{m} \cdot \frac{8}{12} = 2.458333\text{ m}$$

$$L := \sqrt{(L_x)^2 + (L_y)^2} = 3.878583\text{ m}$$

$$J := \frac{EA}{(L)^3} \begin{bmatrix} (L_x)^2 & L_x \cdot L_y \\ L_x \cdot L_y & (L_y)^2 \end{bmatrix} \quad J = \begin{pmatrix} 3239 & 2654 \\ 2654 & 2175 \end{pmatrix} \cdot \frac{\text{kN}}{\text{m}}$$

### *Element "9"- blok macierzy sztywności*

$$L_x := 2\text{m} \quad L_y := 1\text{m} \cdot \frac{3}{12} - 5\text{m} \cdot \frac{5}{8} = -2.875\text{ m}$$

$$L := \sqrt{(L_x)^2 + (L_y)^2} = 3.502231\text{ m}$$

$$J := \frac{EA}{(L)^3} \begin{bmatrix} (L_x)^2 & L_x \cdot L_y \\ L_x \cdot L_y & (L_y)^2 \end{bmatrix} \quad J = \begin{pmatrix} 1955 & -2811 \\ -2811 & 4041 \end{pmatrix} \cdot \frac{\text{kN}}{\text{m}}$$